



[1 pto.]

1. Expresa los siguientes enunciados en **LPO**:

- a) Todos los elementos de $A[1..n]$ son números primos.
- b) El producto de los números mayores que i y menores que j tiene z divisores.

[1 pto.]

2. Decide cuáles de las siguientes afirmaciones son ciertas y razona aquellas que no los sean:

- a) $\text{num_ceros} = \aleph i(1 \leq i < k \wedge A[i]=0) \wedge A[k]=0$
 $\rightarrow \text{num_ceros} = \aleph i(1 \leq i < k \wedge A[i]=0)$
- b) $x \bmod i = 0 \rightarrow \exists i(1 < i < x \wedge x \bmod i = 0)$
- c) $1 \leq i \leq n \wedge A[i] \neq 0 \rightarrow \text{def}(A[i] == 0)$
- d) $x = a/b \rightarrow x - 1 = (a - b)/b$
- e) $\forall i(1 < i < x - 1 \rightarrow x \bmod i \neq 0) \wedge x \bmod (x - 1) \neq 0$
 $\rightarrow \forall(1 < i < x \rightarrow x \bmod i \neq 0)$

[1.5 ptos.]

3. Descompón la siguiente representación esquemática de un programa:

```
/*  $\Phi$  */  
  
while( $B_1$ )  
{  
  if( $B_2$ )  $A_1$ ;  
  else  $A_2$ ;  
  
   $A_3$ ;  
}  
  
/*  $\Psi$  */
```



[1.25 pts.]

4. Deduce el invariante y la expresión cota E del siguiente bucle:

```
/* i = n ∧ num_pares = 0 ∧ num_impares = 0 */  
while (i > 0)  
{  
  if (A[i] % 2 == 0) num_pares = num_pares + 1;  
  else num_impares = num_impares + 1;  
  
  i = i - 1;  
}  
/* num_pares = ∑i=1n (1 ≤ i ≤ n ∧ A[i] mod 2 = 0) ∧  
   num_impares = ∑i=1n (1 ≤ i ≤ n ∧ A[i] mod 2 ≠ 0) */
```

[1.75 pts.]

5. Verifica la corrección total del siguiente programa:

```
/* ∀ j (1 ≤ j < i → A[j] ≥ 0) ∧ 1 ≤ i < n */  
if (A[i] ≥ 0) i = i + 1;  
else A[i] = -A[i];  
/* ∀ j (1 ≤ j < i → A[j] ≥ 0) ∧ 1 ≤ i ≤ n */
```

[2 pts.]

6. Verifica la corrección parcial del siguiente programa:

```
/* i = 0 ∧ s = 0 */  
while (i < x)  
{  
  i = i + 1;  
  s = s + A[i];  
  s = s + 1;  
}  
/* s = x + ∑j=1x A[j] */
```

Sabemos que el invariante es el siguiente:

$$/* INV */ \equiv /* 0 \leq i \leq x \wedge s = j + \sum_{j=1}^i A[j] */$$



[1.5 ptos.]

7. **Verifica la corrección total** de la siguiente función recursiva:

```
function SumaCuadrados(int n) return int suma
/* n > 0 */
{
if (n == 1) suma = 1;
else
}
suma = SumaCuadrados(n - 1);
suma = suma + n * n;
}
/* suma =  $\sum_{i=1}^n i^2$  */
```